

## Übungsblatt 10

### Aufgabe 10.1: Kern und Sichtbarkeitspolygone

(4 Punkte)

Wir betrachten ein einfaches Polygon  $P$  und zwei Punkte  $p$  und  $q$  in  $P$ , so dass  $\text{vis}(q) \subseteq \text{vis}(p)$  gilt; d. h. der Punkt  $p$  „sieht mehr“ als der Punkt  $q$ .

Zeigen Sie:

$$\text{Ker}(\text{vis}(p)) \subseteq \text{Ker}(\text{vis}(q))$$

Mit anderen Worten: Je *mehr* ein Punkt in einem Polygon sehen kann, desto *kleiner* wird der Kern seines Sichtbarkeitspolygons.

Sie dürfen benutzen, dass für einen beliebigen Punkt  $p$  in einem beliebigen einfachen Polygon  $P$ , die Beziehung  $\text{Ker}(P) \subseteq \text{Ker}(\text{vis}(p))$  gilt (siehe Übungsaufgabe 4.16 im Buch “Algorithmische Geometrie”, R. Klein, 2. Auflage).

### Aufgabe 10.2: Polygone mit leerem Kern

(4 Punkte)

Bestimmen Sie die kleinste natürliche Zahl  $n \geq 3$  mit der Eigenschaft, dass es ein einfaches Polygon  $P$  mit  $n$  Ecken gibt, welches einen leeren Kern besitzt. Beweisen Sie Ihr Ergebnis.

### Aufgabe 10.3: Kerne in Polygonen mit Löchern

(4 Punkte)

Ein Polygon mit einem Loch ist eine Menge  $P = Q \setminus L^\circ$ , wobei  $Q$  und  $L$  einfache Polygone sind und  $L \subset Q^\circ$  (wenn für eine Menge  $M \subset \mathbb{R}^2$   $M^\circ$  das topologische Innere von  $M$  bezeichne).

Zeigen Sie: Jedes Polygon mit einem Loch hat einen leeren Kern.